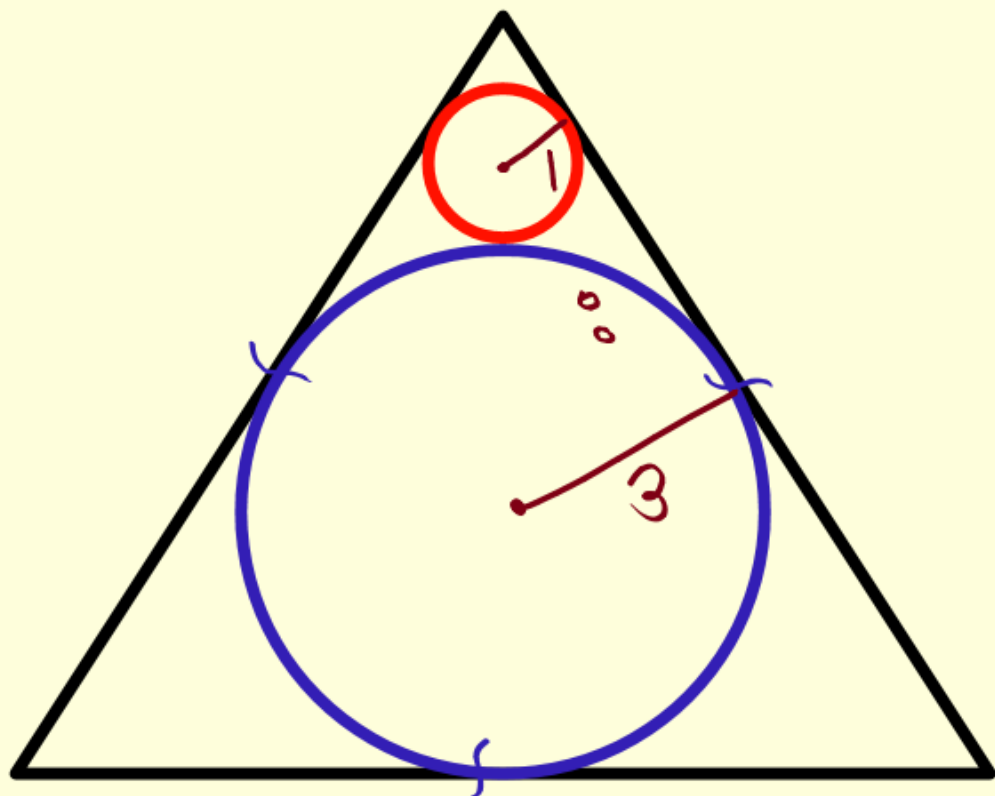
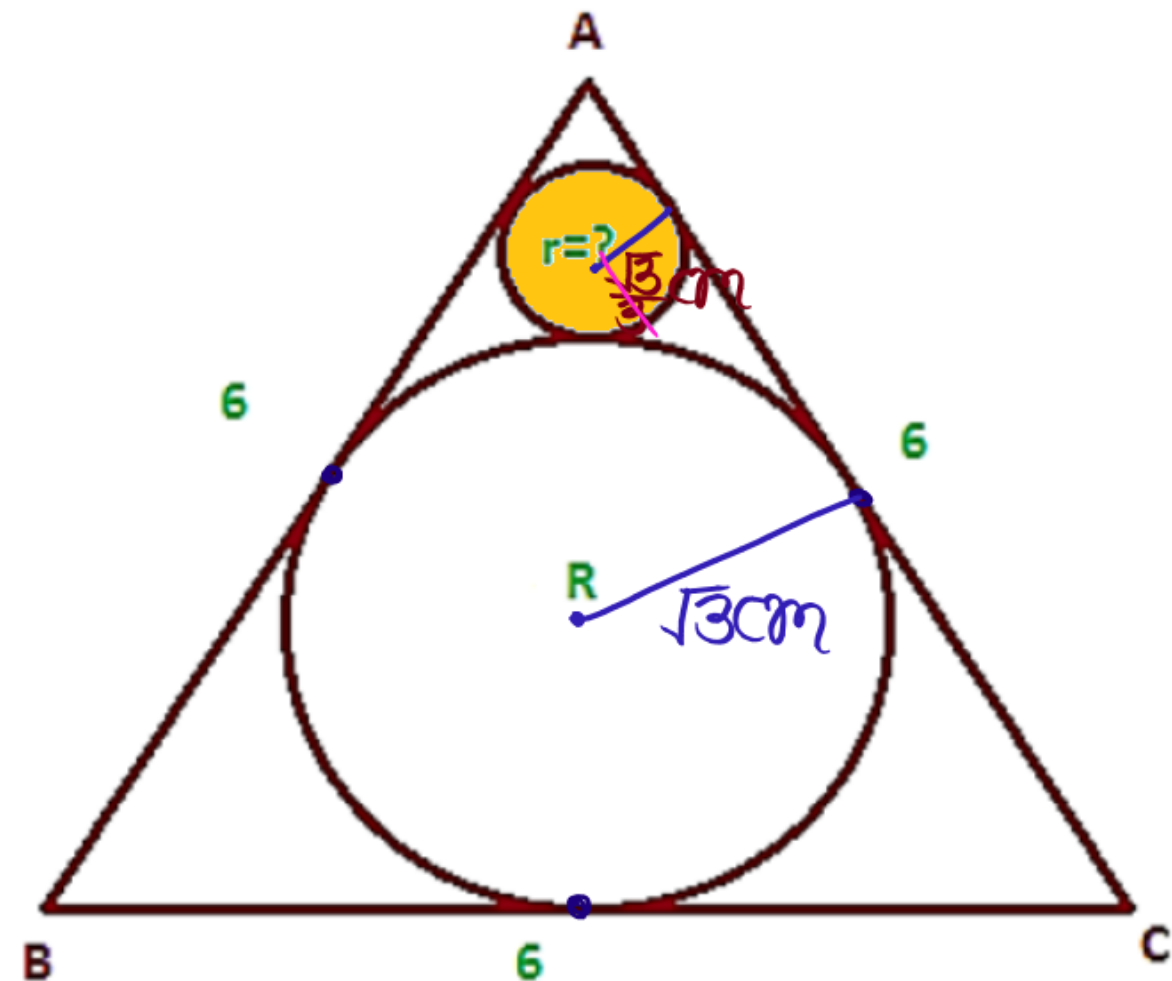


$$\frac{6^3}{2\sqrt{3}} = \sqrt{3} \text{ cm}$$



19. Find the radius r ?
त्रिज्या r ज्ञात कीजिए ?



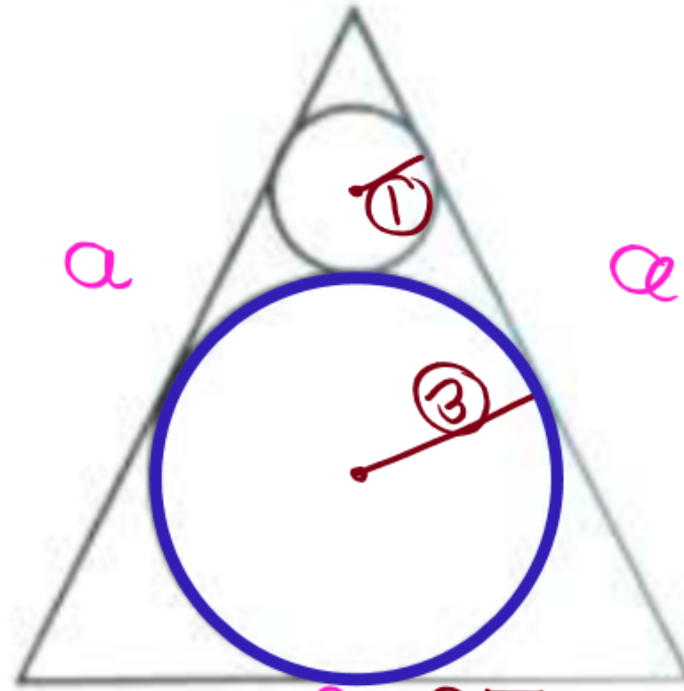
[A] $\frac{1}{\sqrt{3}}$
[C] $\frac{1}{3}$

[B] $\frac{\sqrt{3}}{2}$
[D] $\frac{2}{\sqrt{3}}$

20. Two circles are placed in an equilateral triangle. What is the ratio of the area of the smaller circle to that of the equilateral triangle?

दिए गए चित्र में, दो वृत्त एक समबाहु त्रिभुज में अंतर्हस्पर्शी बनाये गए हैं। छोटे वृत्त और समबाहु त्रिभुज के क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात करें।

(SSC CGL MAINS 2017)



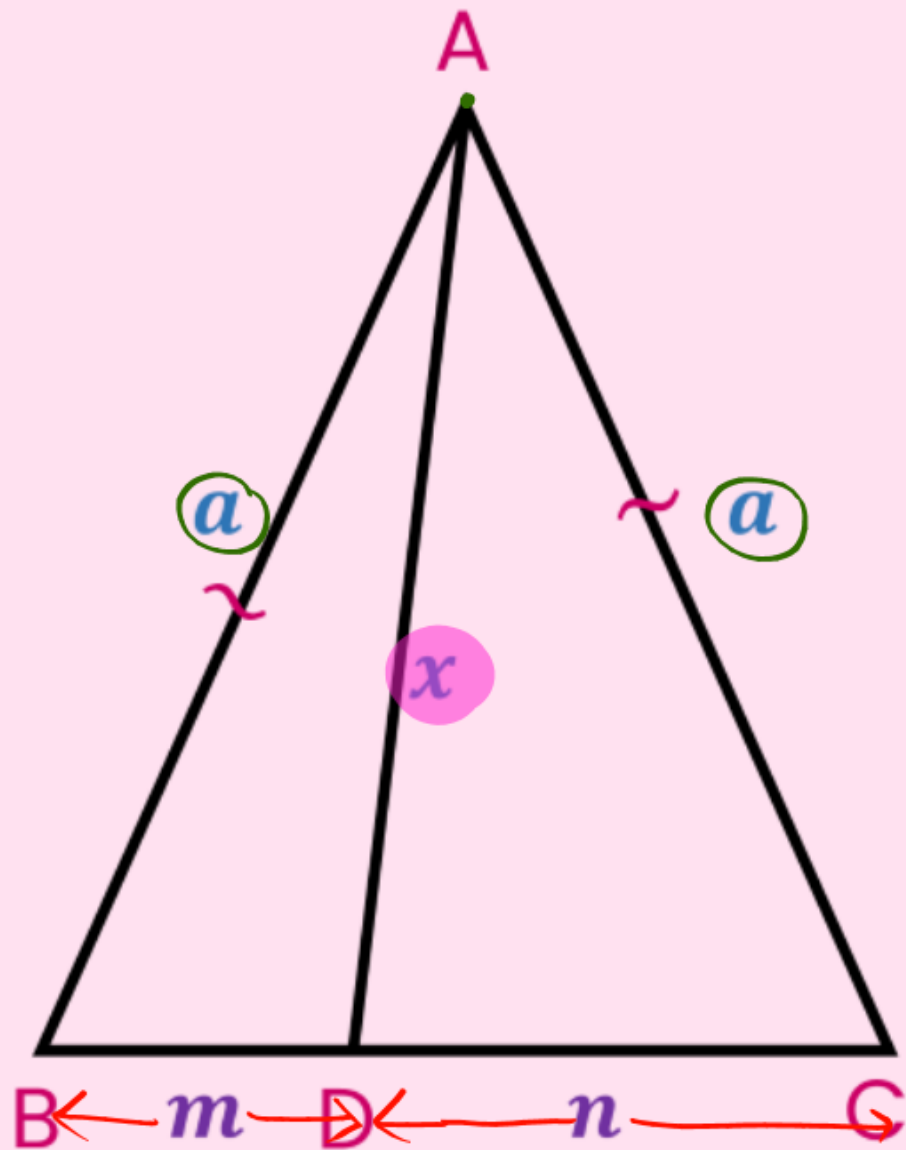
[A] $\pi:36\sqrt{3}$
 [C] $\pi:27\sqrt{3}$

[B] $\pi:18\sqrt{3}$
 [D] $\pi:42\sqrt{3}$

$$\pi r^2 : \frac{\sqrt{3}}{4} \times a^2$$

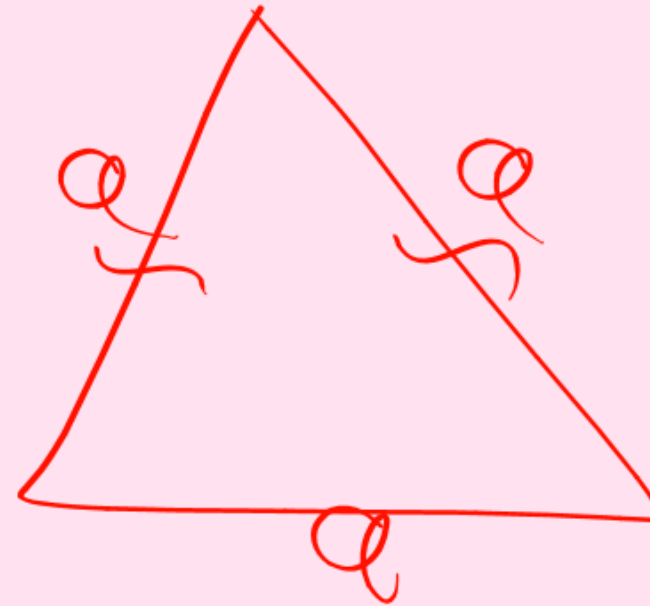
$$\pi : 27\sqrt{3}$$

$$r = \frac{a}{2\sqrt{3}}$$



$$x^2 = a^2 - mn$$

This Concept also Applicable in eqⁿ Δ.



21. $\triangle ABC$ is an equilateral triangle. D divides BC in the ratio 2 : 3. Then find the value of $25AD^2$.

ABC एक समबाहु त्रिभुज है D भुजा BC को 2 : 3 में विभाजित करता है। तो $25AD^2$ का मान है?
(SSC CGL MAINS 2014)

[A] $31DB^2$

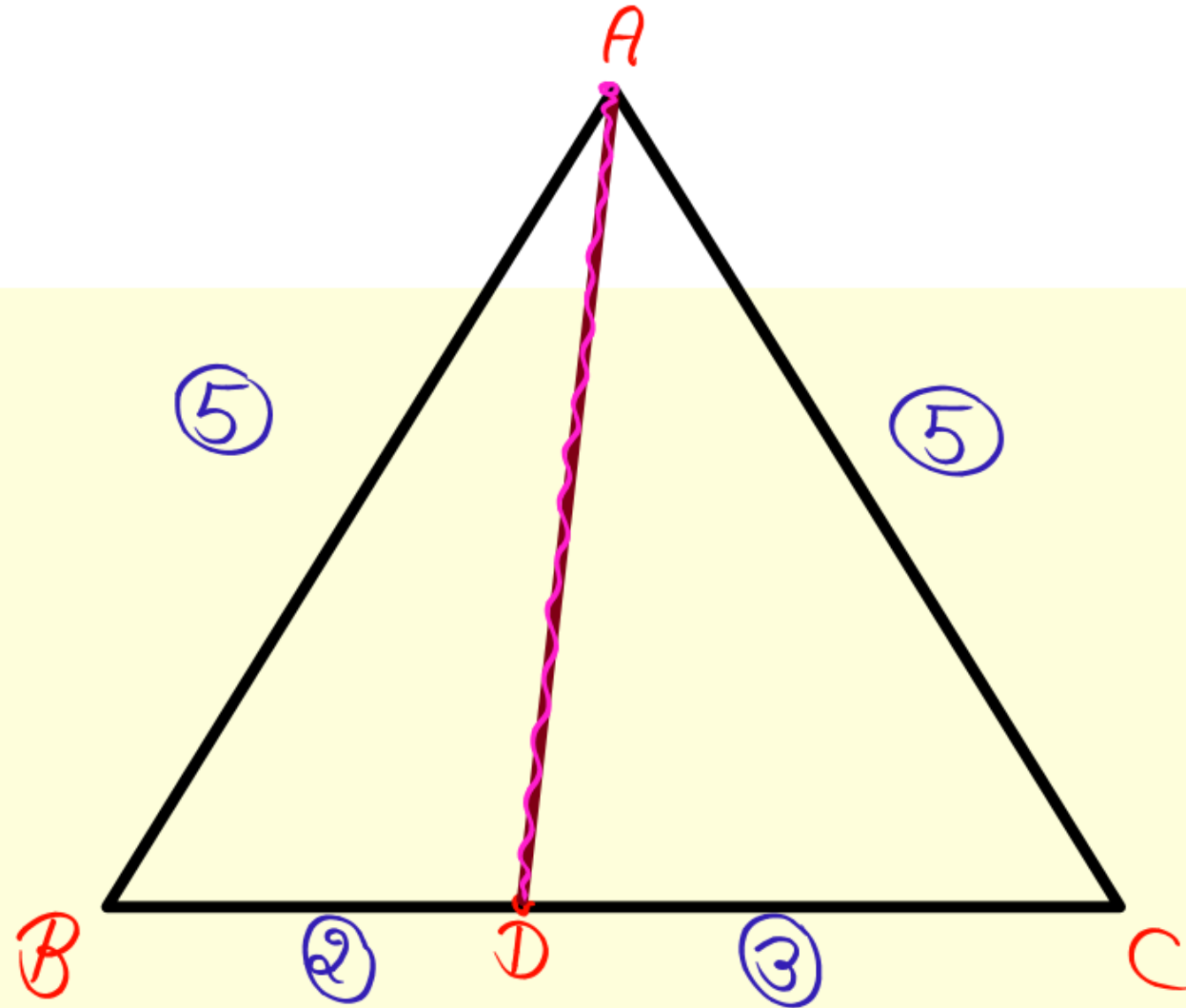
[B] $35DC^2$

[C] $19AB^2$

[D] $21AB^2$

$$AD^2 = 5^2 - 2 \times 3 = 19$$

$$\frac{AD^2}{AB^2} = \frac{19}{25}$$



22. In an equilateral triangle ABC, point D lies on side BC such that, $3BD = BC$. Which of the following relations is correct?

एक समबाहु त्रिभुज ABC में, बिंदु D भुजा BC पर इस प्रकार स्थित है कि $3BD = BC$ है। निम्नलिखित में से कौन-सा संबंध सही है?

[RRB GROUP - D 2025]

[A] $7AD^2 = 9AB^2$

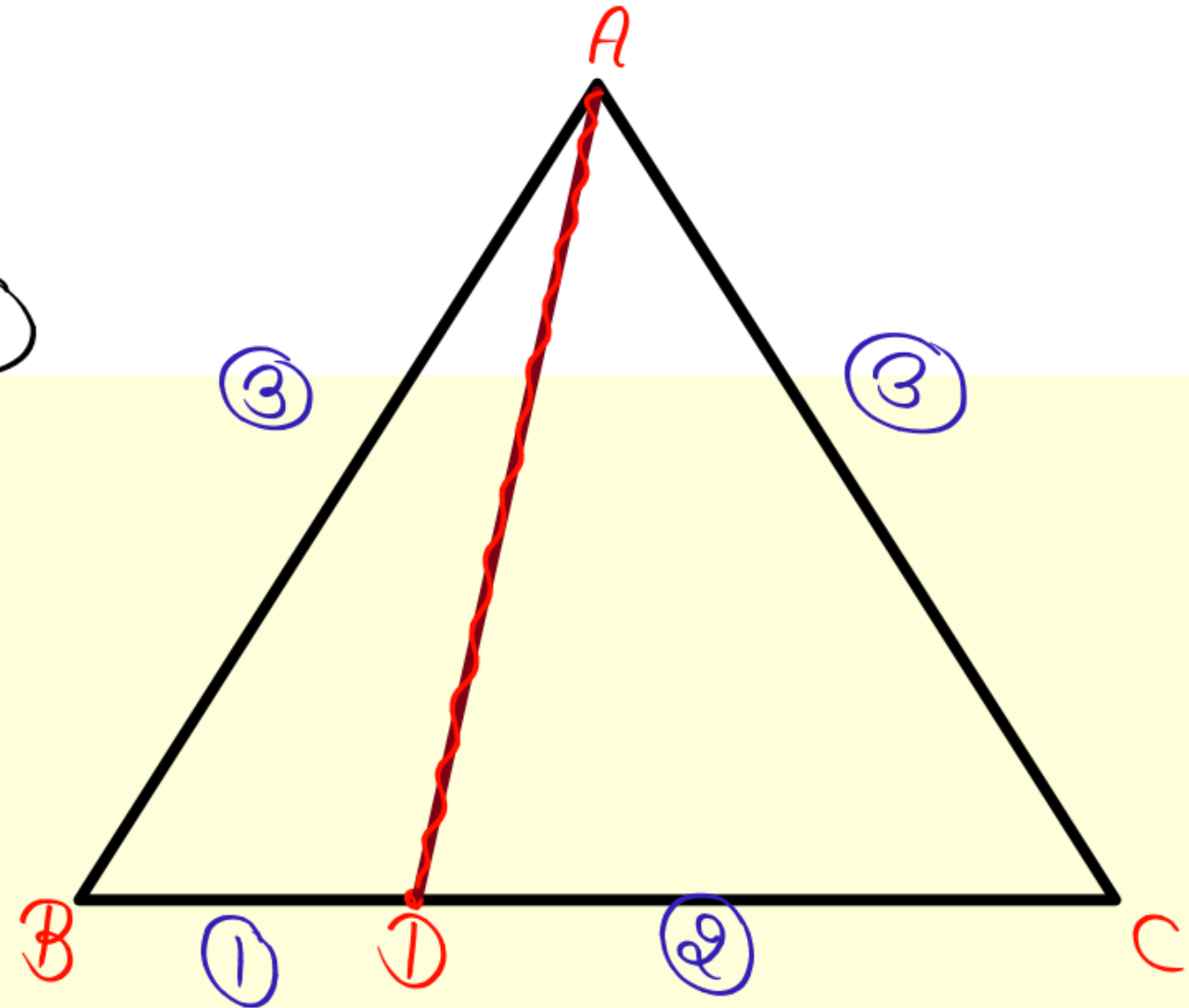
[B] $4AD^2 = 3AB^2$

[C] $3AD^2 = 4AB^2$

[D] $9AD^2 = 7AB^2$

$$AD^2 = 3^2 - 1 \times 2$$

$$\frac{AD^2 = 7}{AB^2 = 9}$$



23. $\triangle ABC$ is an equilateral triangle with side 18 cm. D is a point on BC such that $BD = \frac{1}{3} BC$. Then length (in cm) of AD is:

$\triangle ABC$ एक समबाहु त्रिभुज है जिसकी भुजा 18 cm है। D, BC पर एक ऐसा बिंदु है कि $BD = \frac{1}{3} BC$ है। तो AD की लंबाई (cm में) है:

(SSC CGL PRE 2022)

[A] $6\sqrt{3}$

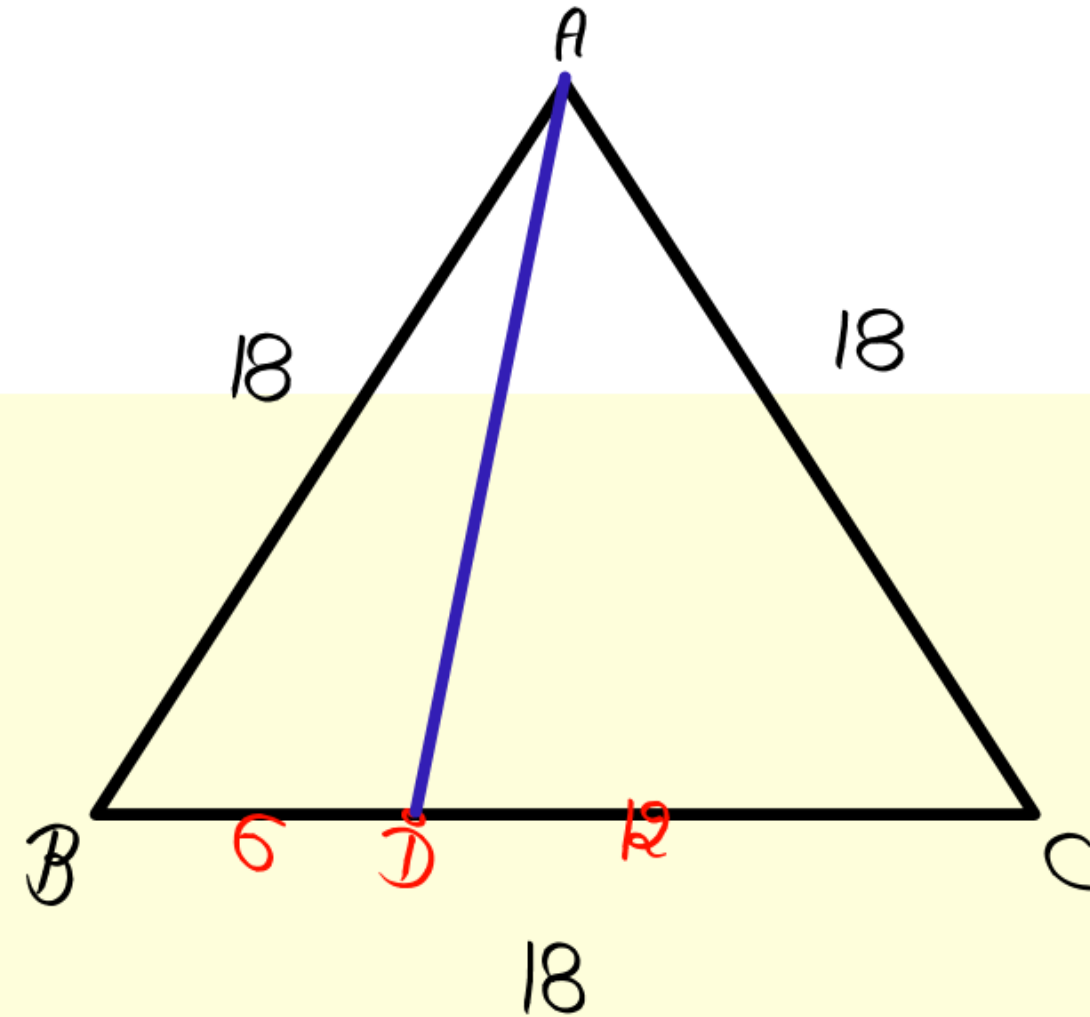
[C] $7\sqrt{6}$

~~[B] $6\sqrt{7}$~~

[D] $8\sqrt{3}$

$$AD^2 = 18^2 - 6 \times 12 = 252 = 9 \times 4 \times 7$$

$$AD = 6\sqrt{7}$$



24. $\triangle ABC$ is an equilateral triangle. D is a point on side BC such that $BD : BC = 2 : 7$. If $AD = 5\sqrt{39}$ cm, then the side of the triangle is:

$\triangle ABC$ एक समबाहु त्रिभुज है। D, भुजा BC पर एक ऐसा बिंदु है कि $BD : BC = 2 : 7$ है। यदि $AD = 5\sqrt{39}$ cm है, तो त्रिभुज की भुजा है:

(SSC CGL PRE 2022)

[A] 28 cm

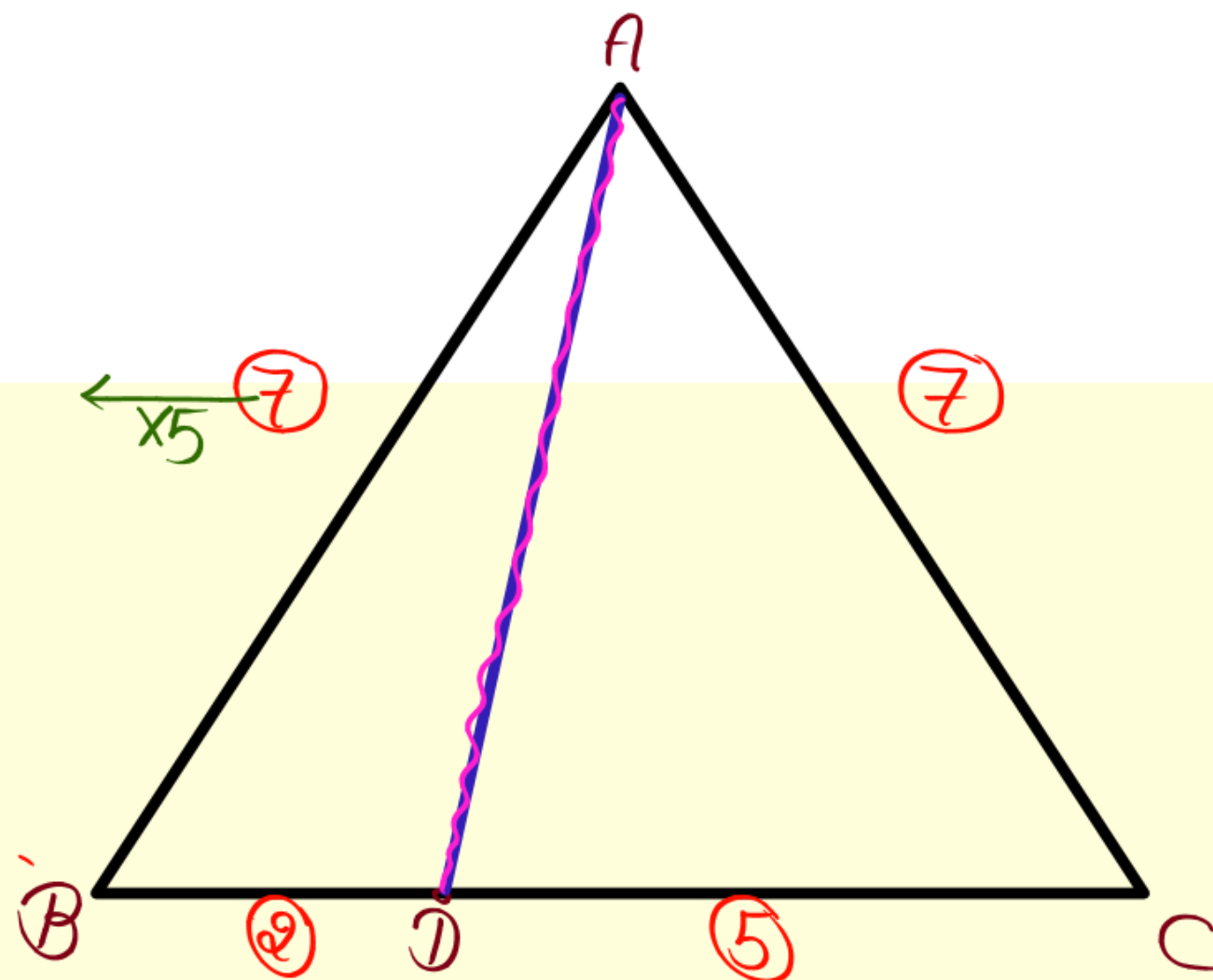
[C] ~~39 cm~~

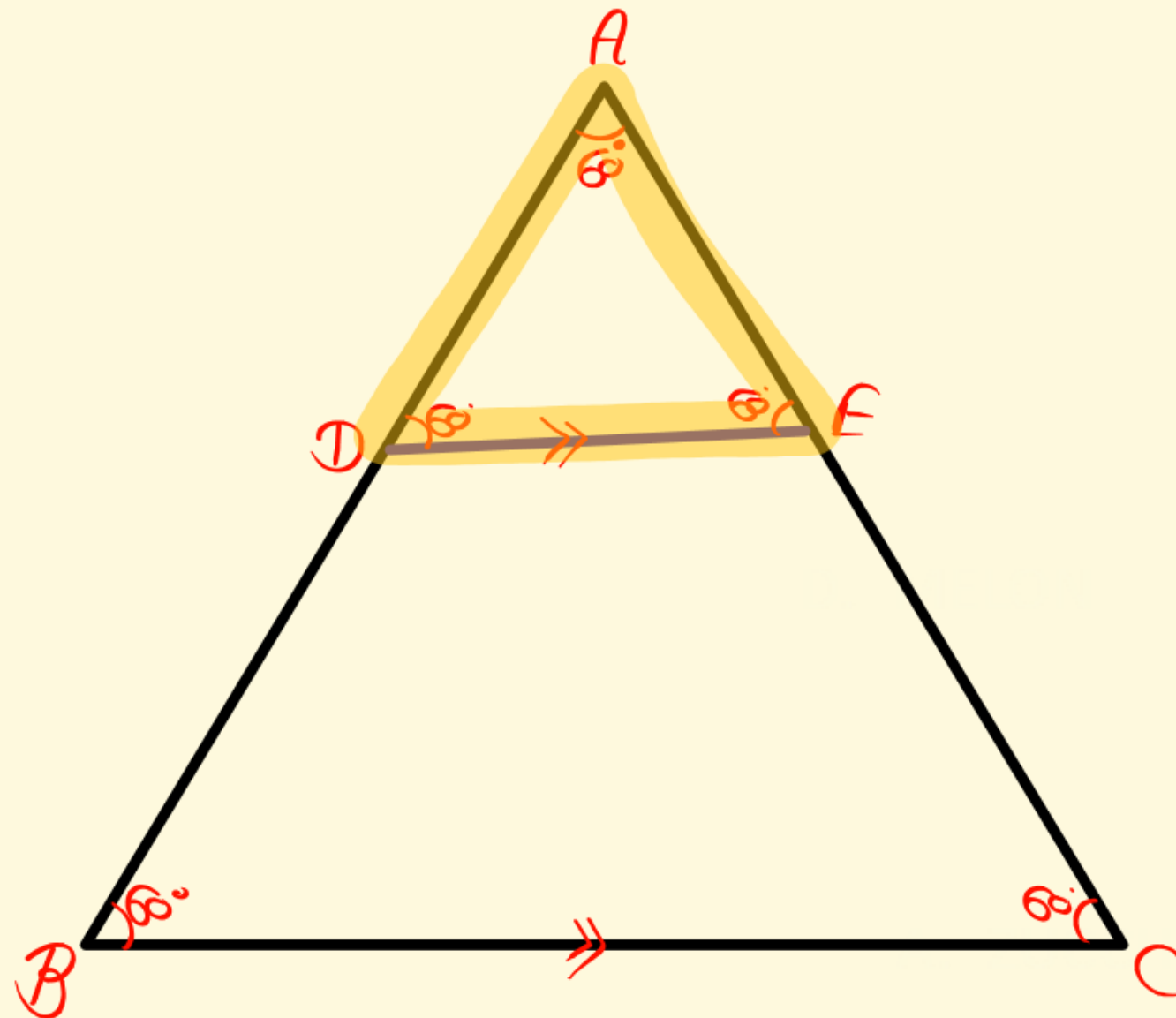
[B] ~~32 cm~~

[D] ~~35 cm~~

$$AD^2 = 7^2 - 2 \times 5$$

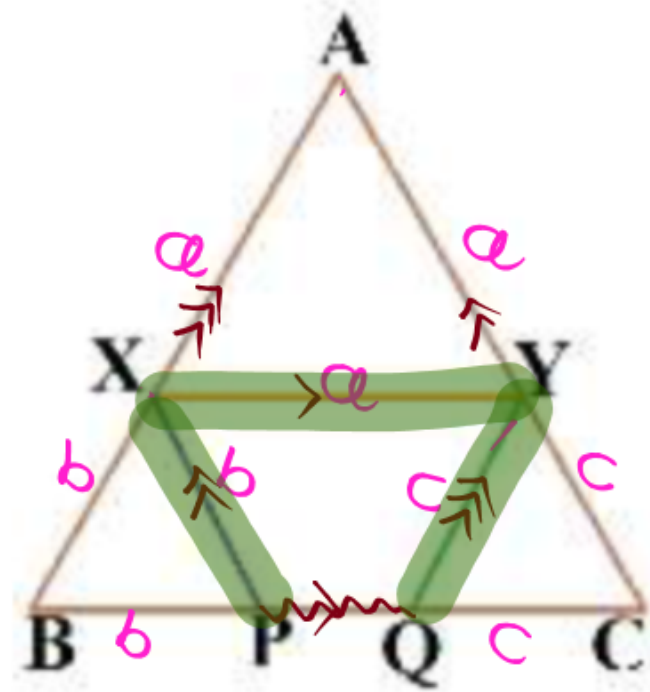
$$AD \sqrt{39} \xrightarrow{\times 5} 5\sqrt{39} \text{ cm}$$





25. In the fig. given below, ABC is an equilateral triangle with each side of length 30cm. XY is parallel to BC, XP || AC and YQ || AB. If $XY + XP + YQ = 40\text{cm}$, then the value of PQ is.

दिए गए चित्र में, ABC एक समबाहु त्रिभुज है जिसकी प्रत्येक भुजा 30cm है। XY, BC के समानांतर है, XP || AC और YQ || AB है। यदि $XY + XP + YQ = 40\text{cm}$ है, तो PQ का मान होगा-

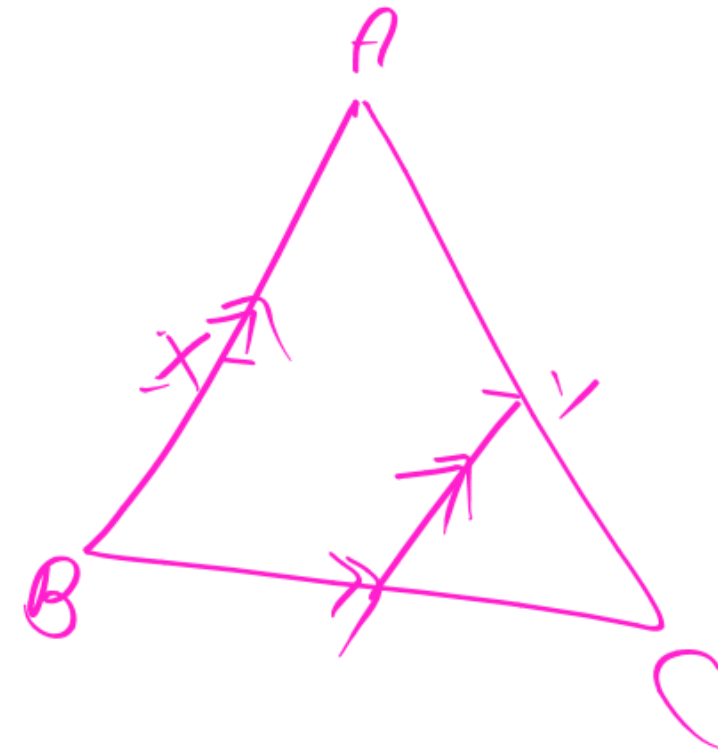


- [A] 5cm
[C] 15cm

$$2(a+b+c) + PQ = 30$$

$$PQ = 10$$

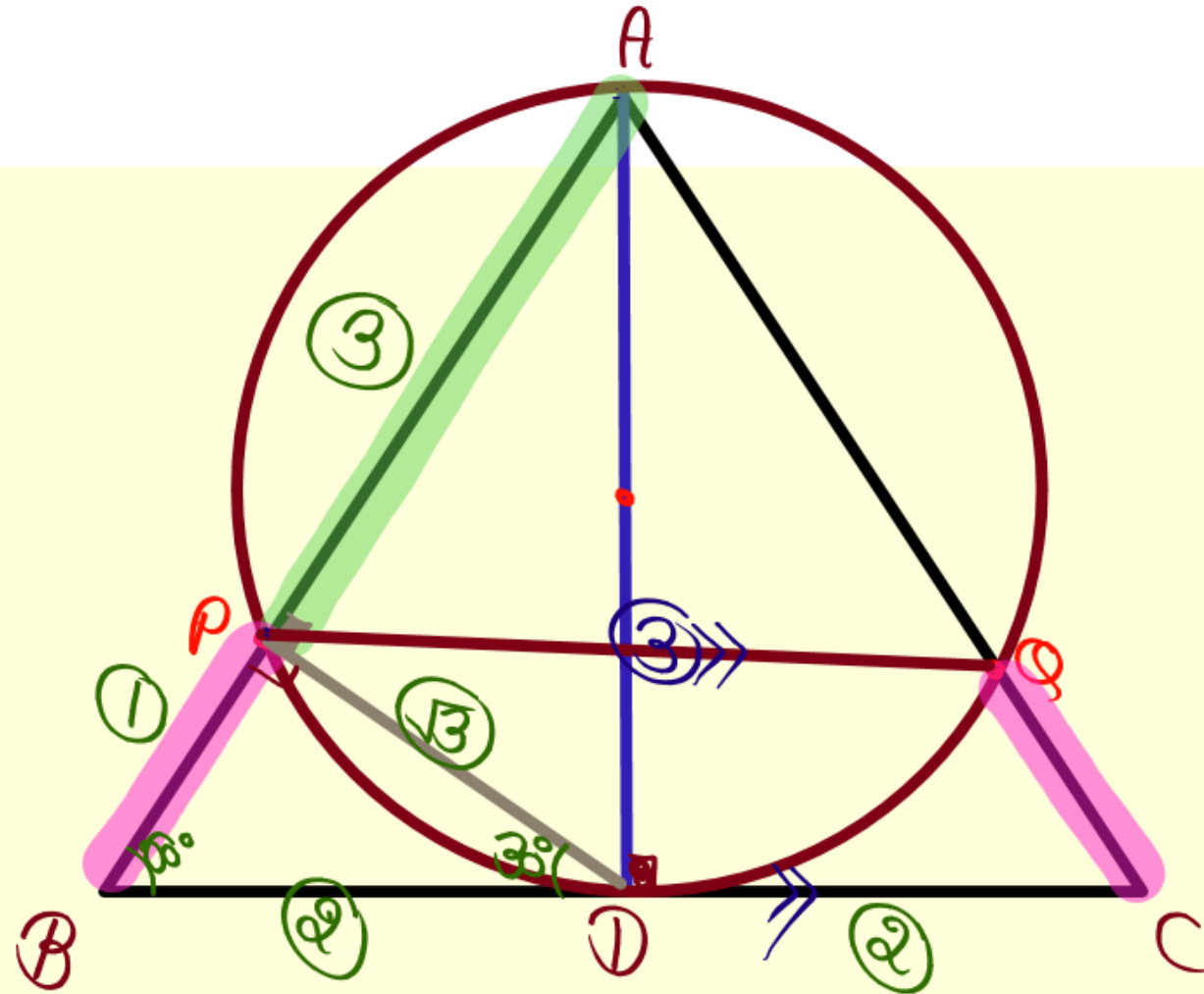
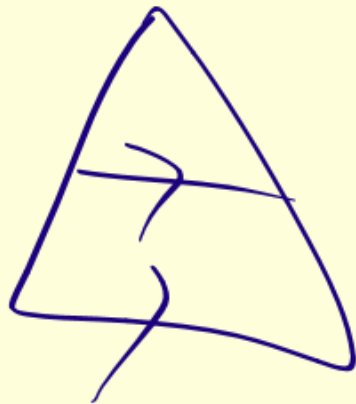
- [B] 12cm
[D] 10cm

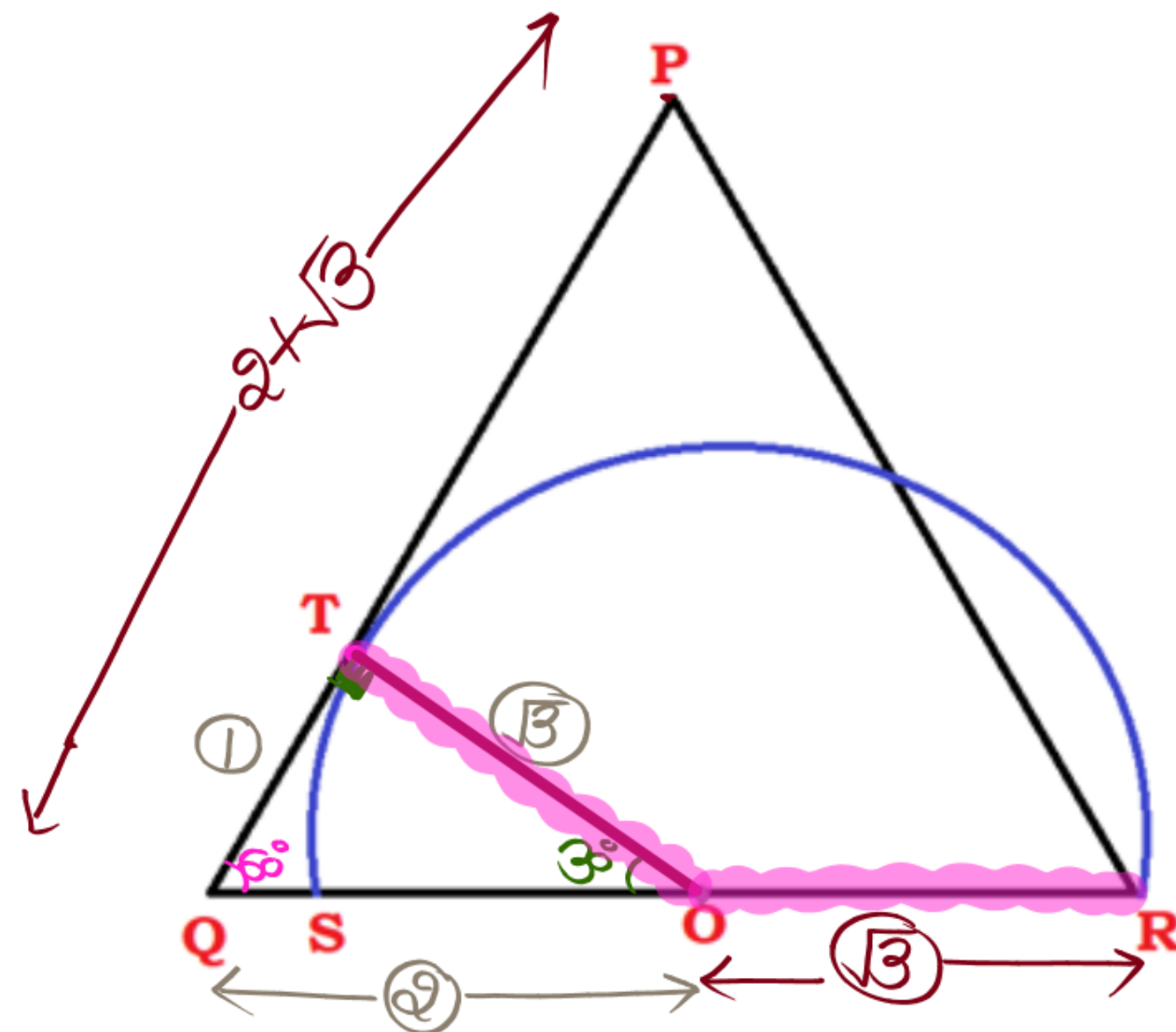
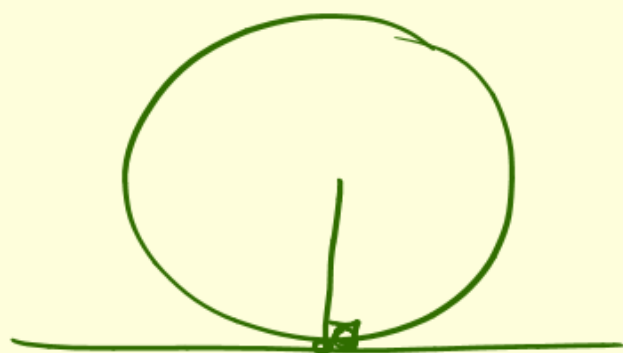




[B] 3:1

[D] $4 : \sqrt{3}$



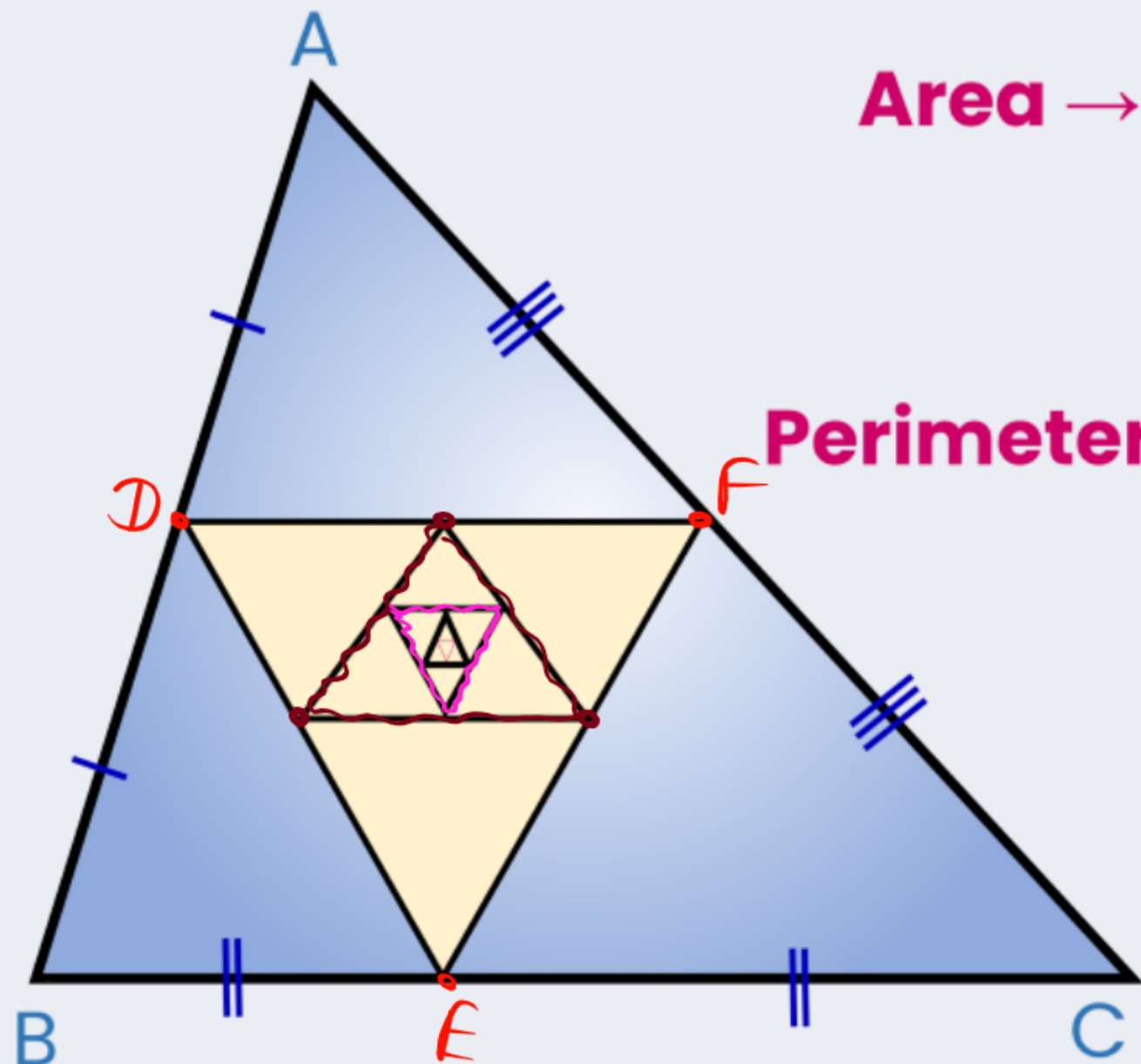


☒ [A] $(\sqrt{3}+1):1$
 [C] $(2\sqrt{3}+1):2$

[B] $(\sqrt{3}+2):\sqrt{3}$
 [D] $(\sqrt{2} + \sqrt{3}):1$

$$\frac{PT}{QT} = \frac{17/3}{1}$$

in any triangle



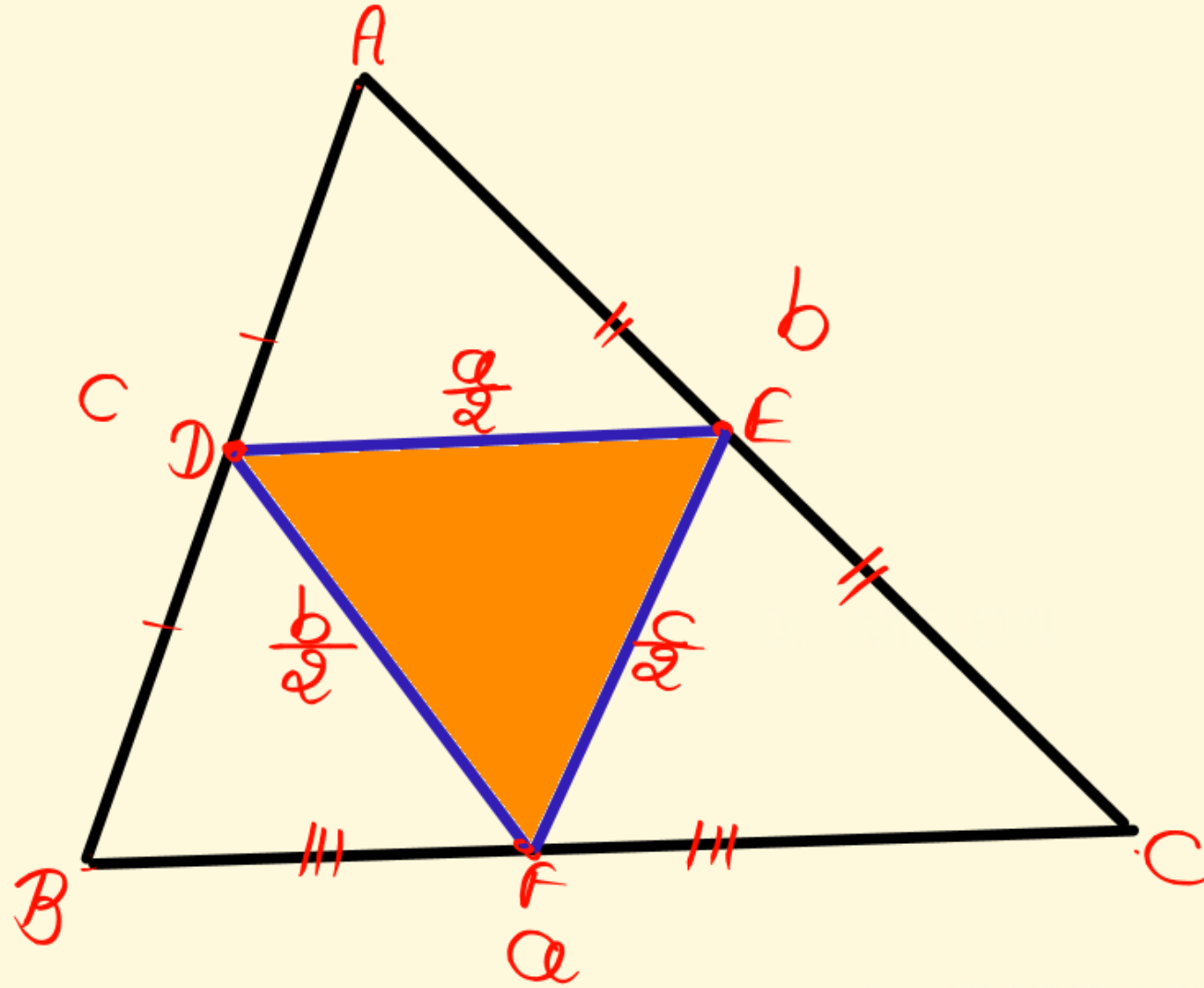
In any Δ

Area $\rightarrow A + \frac{A}{4} + \frac{A}{16} + \frac{A}{64} + \dots \dots \dots \infty = \frac{A}{1 - \frac{1}{4}} = \frac{4}{3}A$ ✓

Perimeter $\rightarrow P + \frac{P}{2} + \frac{P}{4} + \frac{P}{8} + \dots \dots \dots \infty = \frac{P}{1 - \frac{1}{2}} = 2P$ ✓

G.P

$$S_{\infty} = \frac{a}{1 - r}$$



$\times \frac{1}{2}$
Side

$\times \frac{1}{4}$
Area

28. Given an equilateral triangle T_1 with side 24cm, a second triangle T_2 is formed by joining the midpoints of the sides of T_1 . Then a third triangle T_3 is formed by joining the midpoints of the sides of T_2 . If this process of forming triangles is continued, the sum of the areas, in sq cm, of infinitely many such triangles $T_1, T_2, T_3, \dots$ will be?

एक समबाहु त्रिभुज T_1 की भुजा 24 है। एक अन्य त्रिभुज T_2 T_1 के भुजाओं के मध्य बिन्दुओं को मिलाकर बनाया गया है। तीसरा त्रिभुज T_3 T_2 के भुजाओं के मध्य बिन्दुओं को मिलाकर बनाया गया है। यही प्रक्रिया अनंत तक दोहराई जाती है। जिससे $T_1, T_2, T_3, T_4, \dots$ प्राप्त होते हैं। तब इन सभी त्रिभुजों के क्षेत्रफल का योगफल क्या होगा?

[A] $192\sqrt{3}$

[B] $216\sqrt{3}$

[C] $168\sqrt{3}$

[D] $196\sqrt{3}$

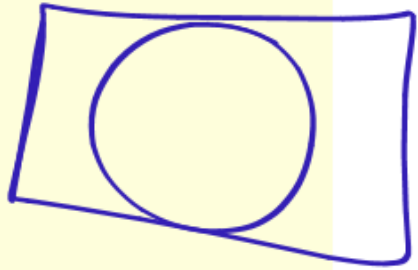
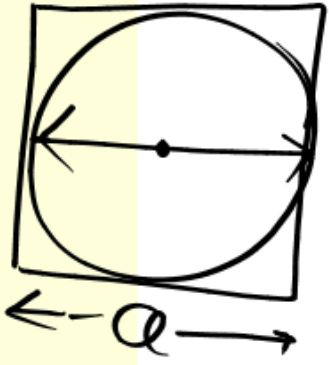
$$= \frac{4}{3}A$$

$$= \frac{4}{3} \times \sqrt{3} \times \frac{48}{4}$$

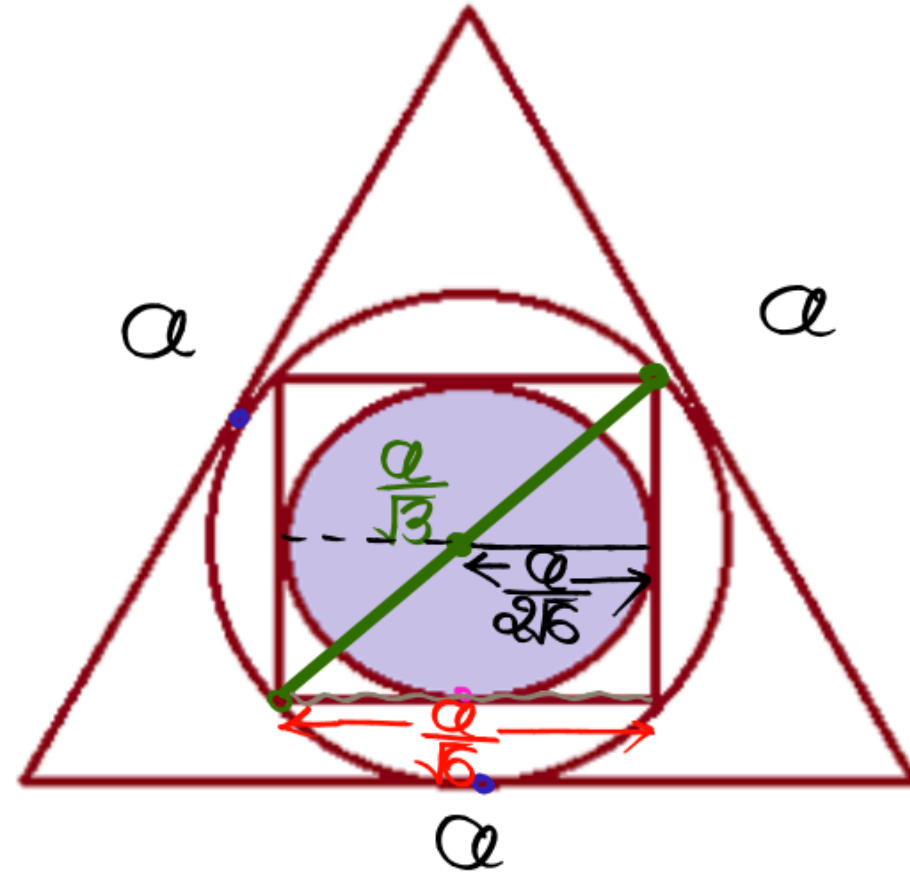
$$= 192\sqrt{3}$$

ज्ञात कीजिए? (CDS 2021)

(Misc.)



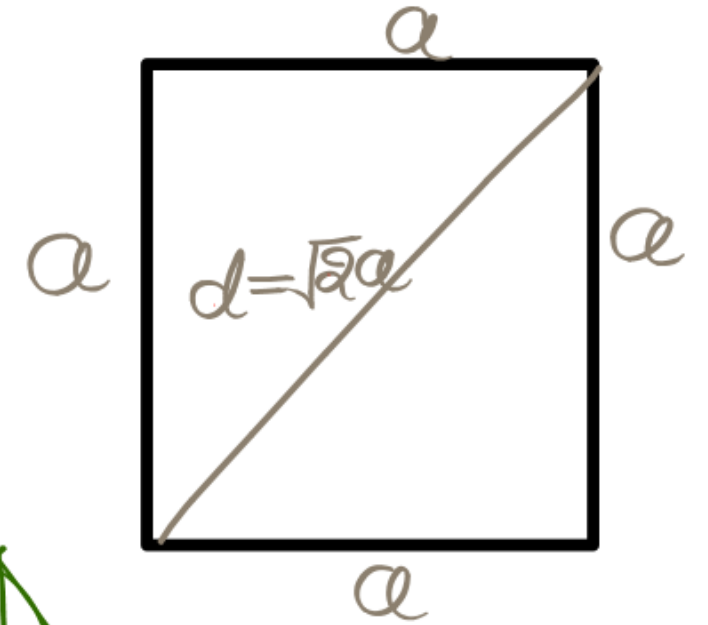
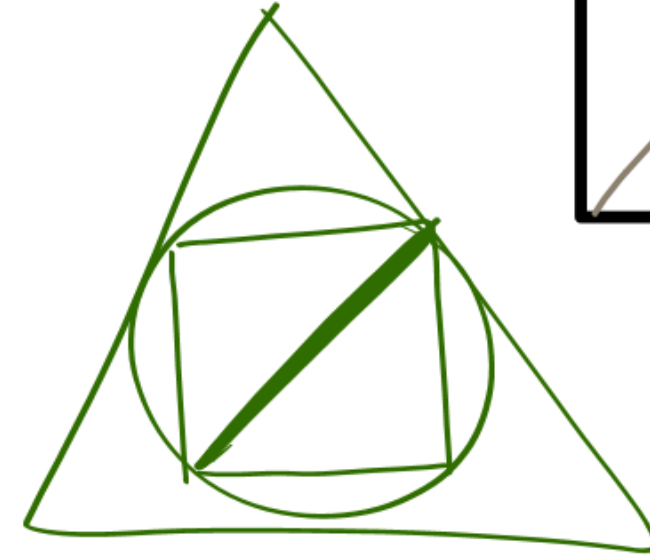
$$Area = \pi \left(\frac{a}{2\sqrt{3}} \right)^2$$



- [A] $\pi a^2/16$
[C] $\pi a^2/36$

$$r = \frac{a}{2\sqrt{3}}$$

$$\frac{a/\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$



- C $\pi a^2/12$
D $\pi a^2/24$

अन्य वृत्त वर्ग के अंदर बनाया गया है। छोटे वृत्त और बड़े वृत्त
(SSC CGL MAINS 2017)

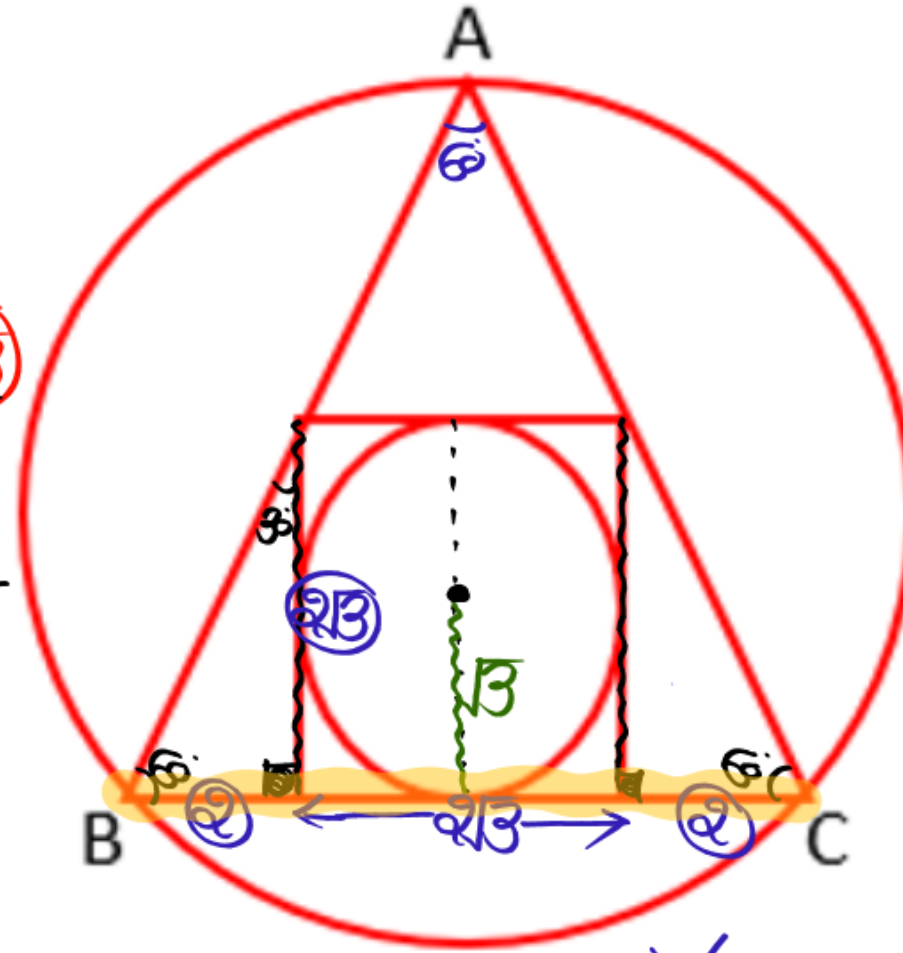
$$\frac{r}{R} = \frac{\sqrt{3}}{\frac{4+2\sqrt{3}}{\sqrt{3}}} = \frac{3}{4+2\sqrt{3}} = \frac{3}{2(2+\sqrt{3})}$$

$$= \frac{3(2-\sqrt{3})}{2}$$

Side BC = $4+2\sqrt{3}$



$$R = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{4+2\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$



$$Area = \frac{9 \times (2-\sqrt{3})^2}{4}$$

[A] $(15 - 12\sqrt{3}) : 1$
[C] $(7 - 4\sqrt{3}) : 2$

[C] $(63 - 36\sqrt{3}) : 4$
[D] $(4 - 2\sqrt{3}) : 3$

30. A question is given followed by two Statements I and II. Consider the question and the Statements and mark the correct option.

Question: A circle is inscribed in the equilateral triangle Δ . What is the radius of the circle?

$$r = \frac{a}{2\sqrt{3}}$$

Statement-I : Area of Δ is equal to $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

Statement-II: Perimeter of Δ is 24 cm.

एक प्रश्न दिया गया है जिसके बाद दो कथन I और II दिए गए हैं। प्रश्न और कथनों पर विचार करें और सही विकल्प को चिह्नित करें।

प्रश्न: एक समबाहु त्रिभुज Δ में एक वृत्त अंतर्निहित है। वृत्त की त्रिज्या क्या है?

कथन-I: त्रिभुज Δ का क्षेत्रफल $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$ के बराबर है।

कथन-II: त्रिभुज Δ का परिमाप 24 cm है। (CDS 2026)

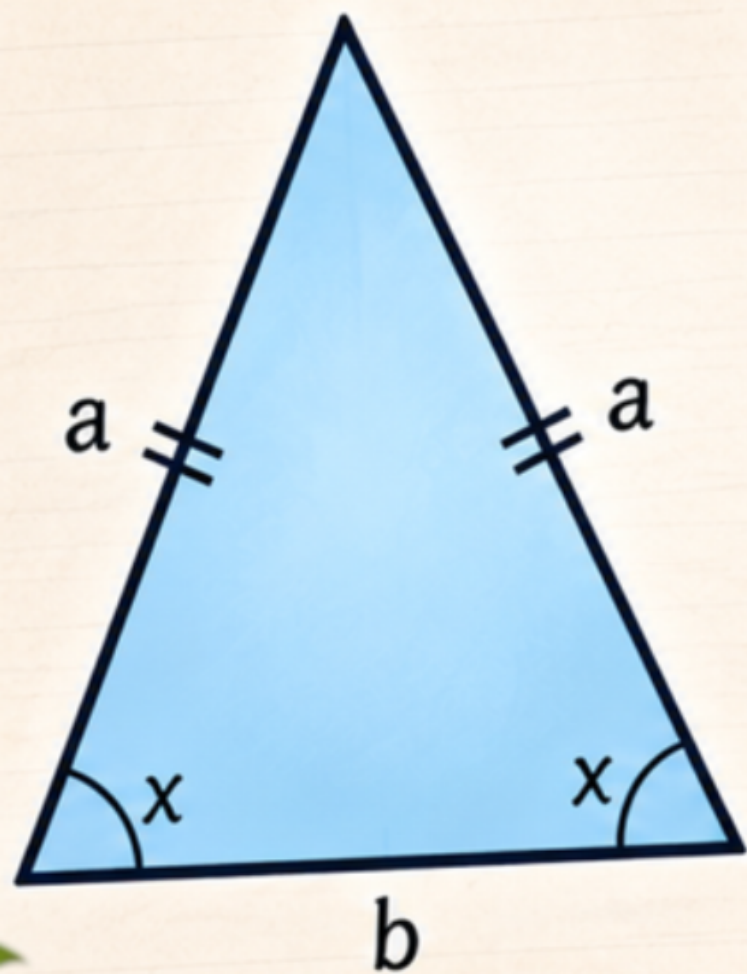
[A] The question can be answered by using one of the statements alone, but cannot be answered using the other statement alone/ इस प्रश्न का उत्तर केवल एक कथन के प्रयोग से दिया जा सकता है, लेकिन दूसरे कथन के प्रयोग से नहीं दिया जा सकता।

[B] The Question can be answered by using either Statement alone/ इस प्रश्न का उत्तर दोनों में से किसी भी कथन का अकेले उपयोग करके दिया जा सकता है।

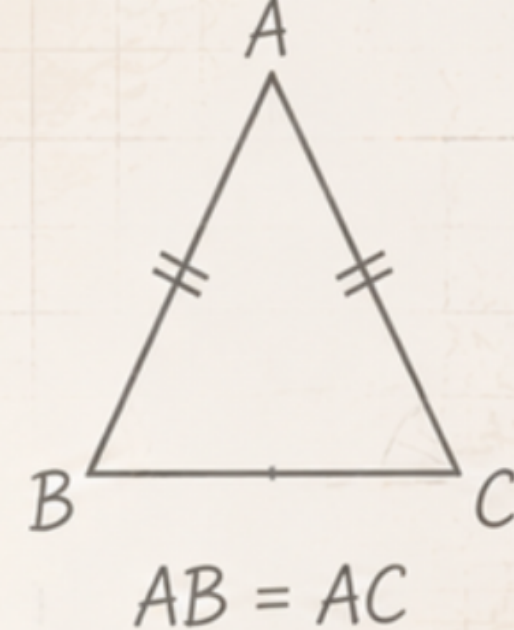
[C] The Question can be answered by using both the Statements together, but cannot be answered using either Statement alone/ इस प्रश्न का उत्तर दोनों कथनों का एक साथ प्रयोग करके दिया जा सकता है, लेकिन किसी भी एक कथन का अकेले प्रयोग करके उत्तर नहीं दिया जा सकता।

[D] The Question cannot be answered even by using both the Statements together/ दोनों कथनों का एक साथ प्रयोग करने पर भी प्रश्न का उत्तर नहीं दिया जा सकता।

$$AB = AC$$



Isosceles Triangle



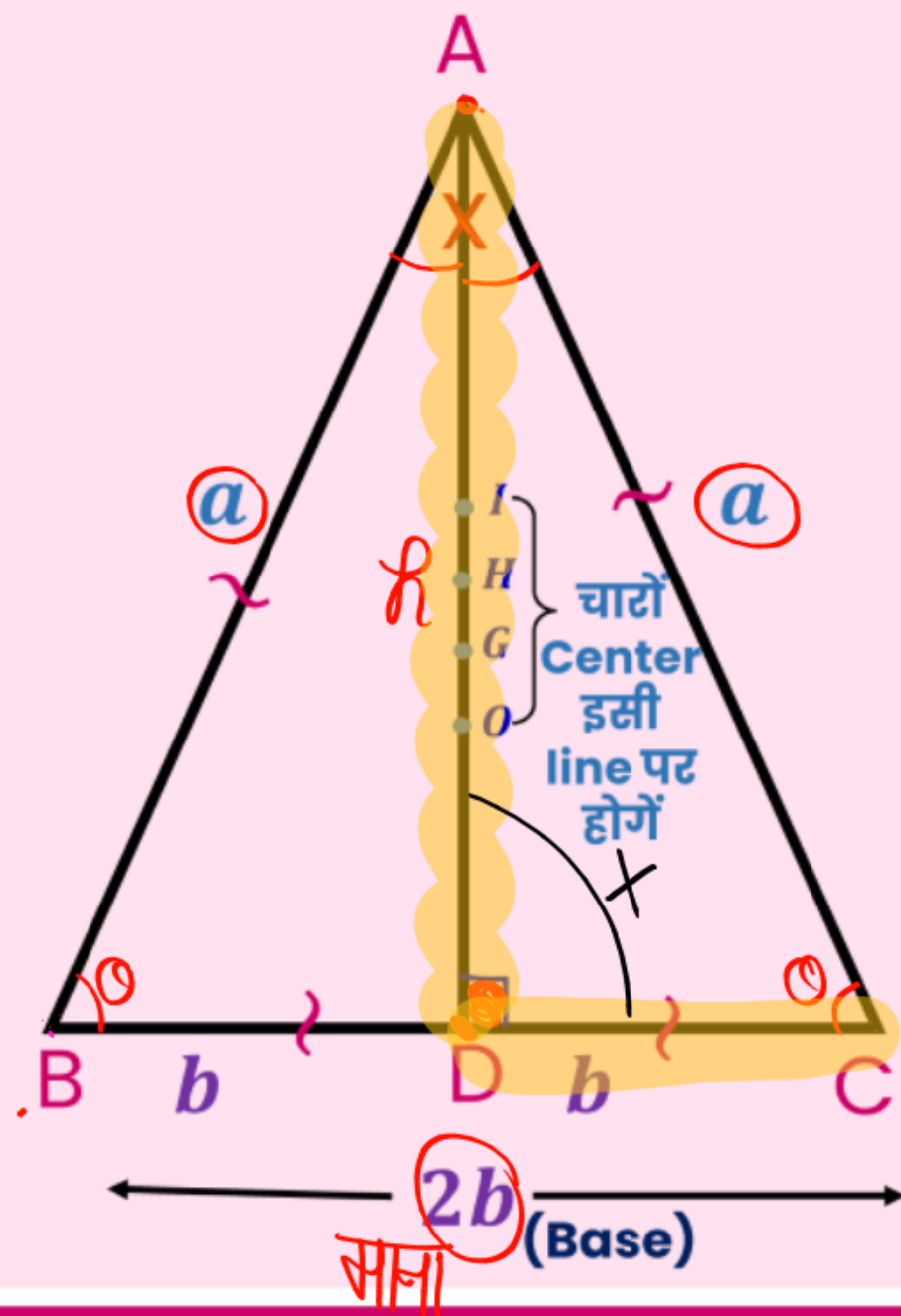
Base angles
are equal
 $\angle B = \angle C$

Geometry
Builds
Brighter Minds



if, $AB = AC$

Isosceles Triangle



$$h = \sqrt{a^2 - b^2}$$

का

$$\text{Area} = \frac{1}{2} \times 2b \times h = b \times h$$

32. If one angle of an isosceles triangle is 110° , what are the measures of the other angles of the triangle?

यदि एक समद्विबाहु त्रिभुज का एक कोण 110° है, तो त्रिभुज के अन्य कोणों का माप क्या होगा?

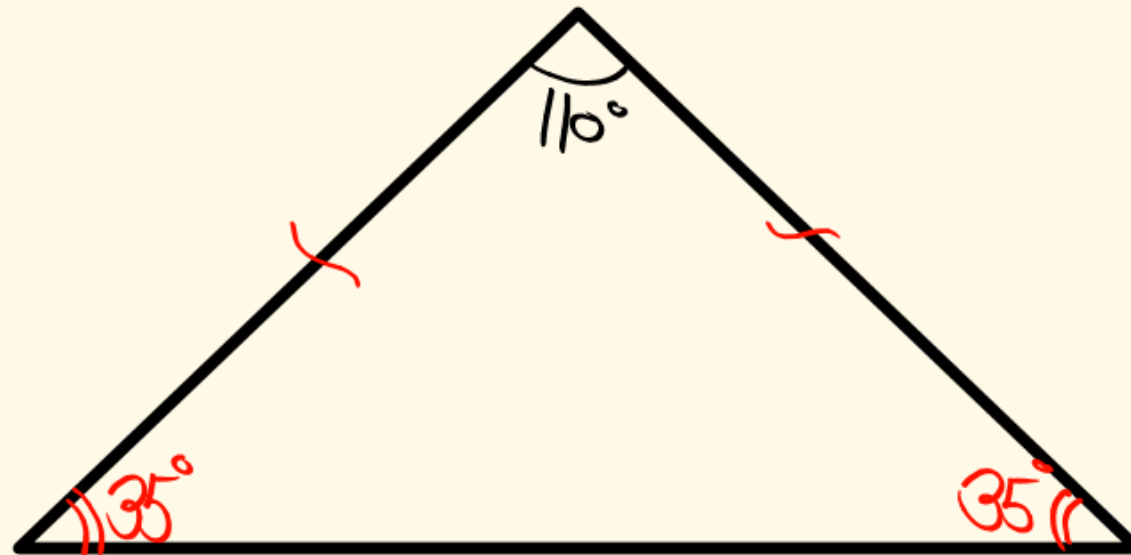
RRB NTPC UNDERGRADUATE CBT-1 2026

[A] 25° and 25°

☒ [B] 35° and 35°

[C] 25° and 35°

[D] 25° and 45°

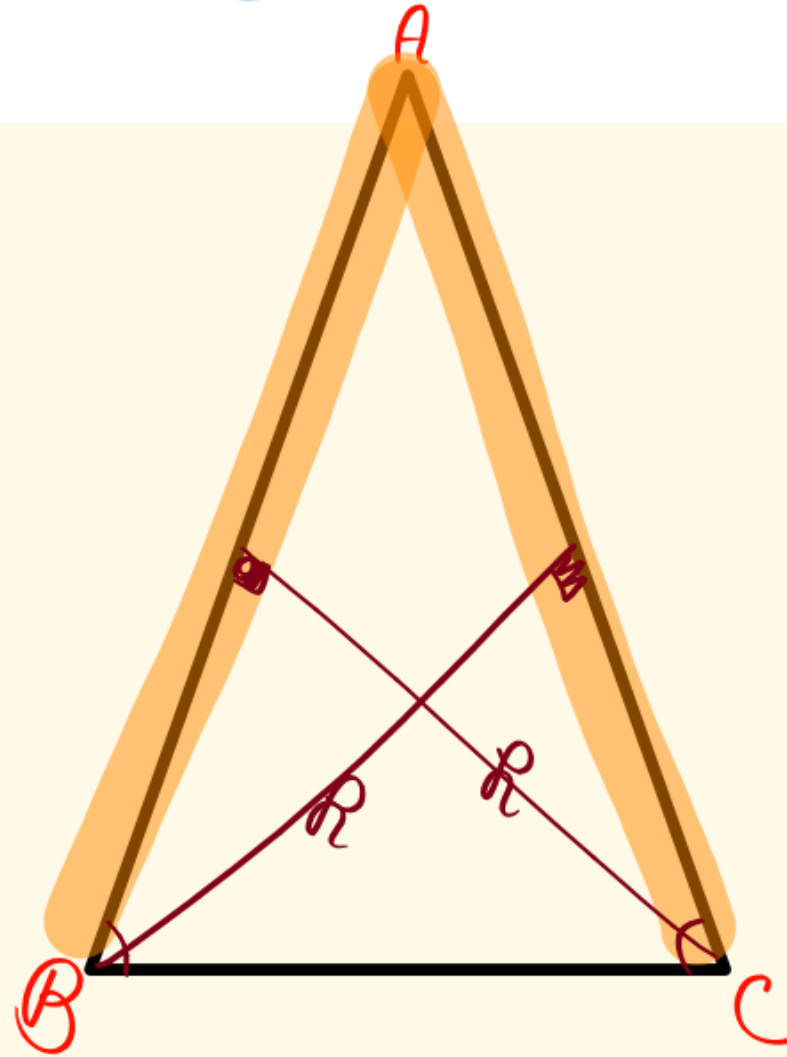


33. If the altitude from two vertices of a triangle to the opposite sides are equal, then the triangle will be:

यदि किसी त्रिभुज के दो शीर्षों से सम्मुख भुजाओं पर शीर्षलंब बराबर हो, तो त्रिभुज _____ होगा।

SSC CGL 2024 Pre

- [A] isosceles triangle [B] equilateral triangle
[C] scalene triangle [D] obtuse angle triangle



34. The perimeter of an isosceles triangle is 125 cm. If the base is 33 cm, then the length of each of the other sides is:

एक समद्विबाहु त्रिभुज का परिमाण 125 cm है। यदि आधार 33 cm है, तो अन्य भुजाओं में से प्रत्येक की लंबाई है:

[A] 32 cm

[C] 34 cm

[B] 46 cm

[D] 42 cm

$$125 - 33 = \frac{92}{2}$$

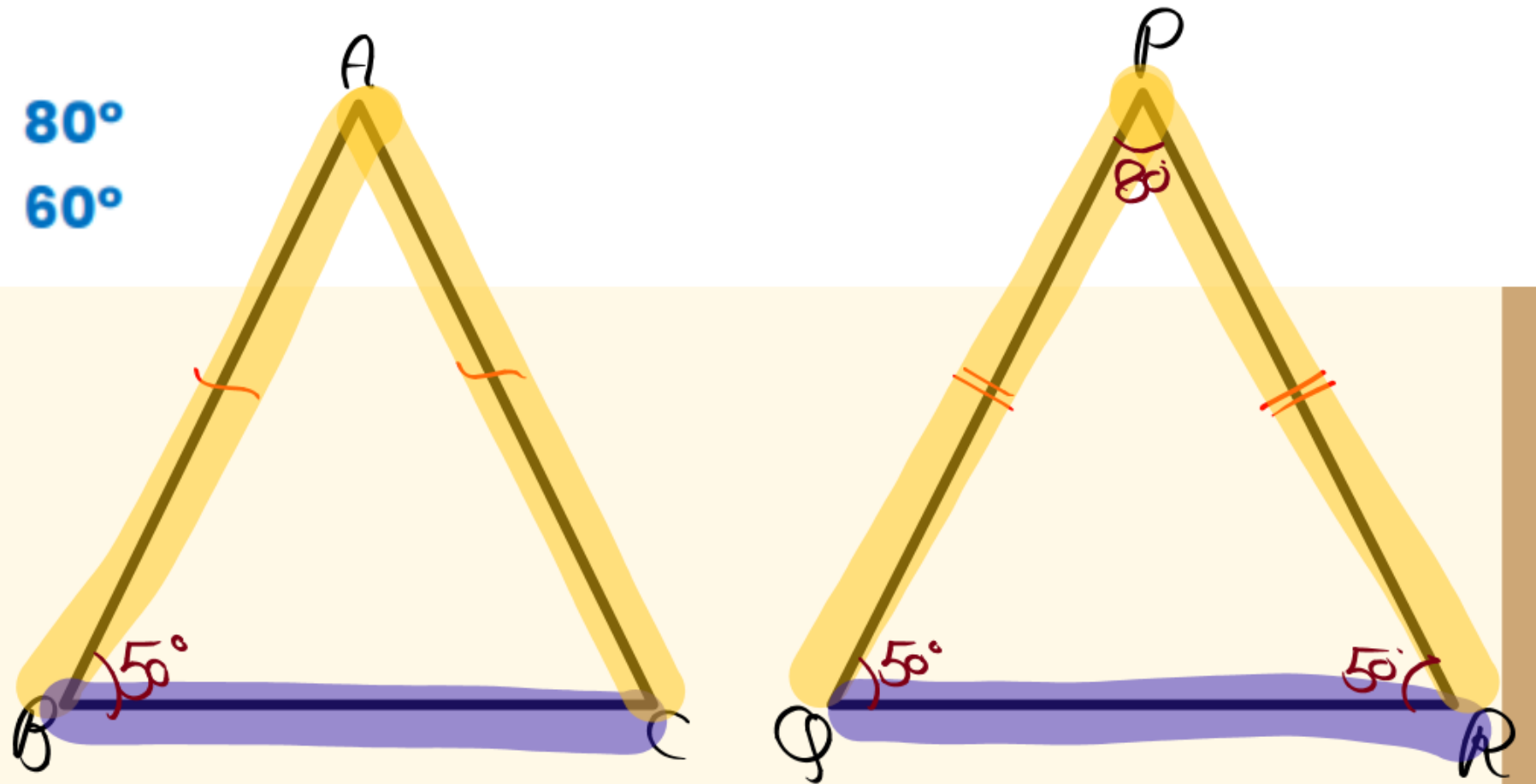
35. If triangles ABC and PQR are both isosceles with $AB = AC$ and $PQ = PR$, respectively. If also $AB = PQ$ and $BC = QR$ and angle $B = 50^\circ$, then what is the measure of angle R?

यदि त्रिभुज ABC और PQR दोनों समद्विबाहु त्रिभुज हैं, जिनमें क्रमशः $AB = AC$ और $PQ = PR$ है। यदि $AB = PQ$ और $BC = QR$ है तथा कोण $B = 50^\circ$ है, तो कोण R का मान क्या होगा?

(SSC CGL MAINS 2014)

[A] ~~50°~~
[C] 90°

[B] 80°
[D] 60°



36. An isosceles $\triangle MNP$ is inscribed in a circle. If $MN = MP = 16\sqrt{5}$ cm, and $NP = 32$ cm, what is the radius (in cm) of the circle?

एक समद्विबाहु त्रिभुज MNP एक वृत्त के अंदर बना है। यदि $MN = MP = 16\sqrt{5}$ cm और $NP = 32$ cm है, तो वृत्त की त्रिज्या (cm में) क्या है?

SSC CHSL TIER – I 2022

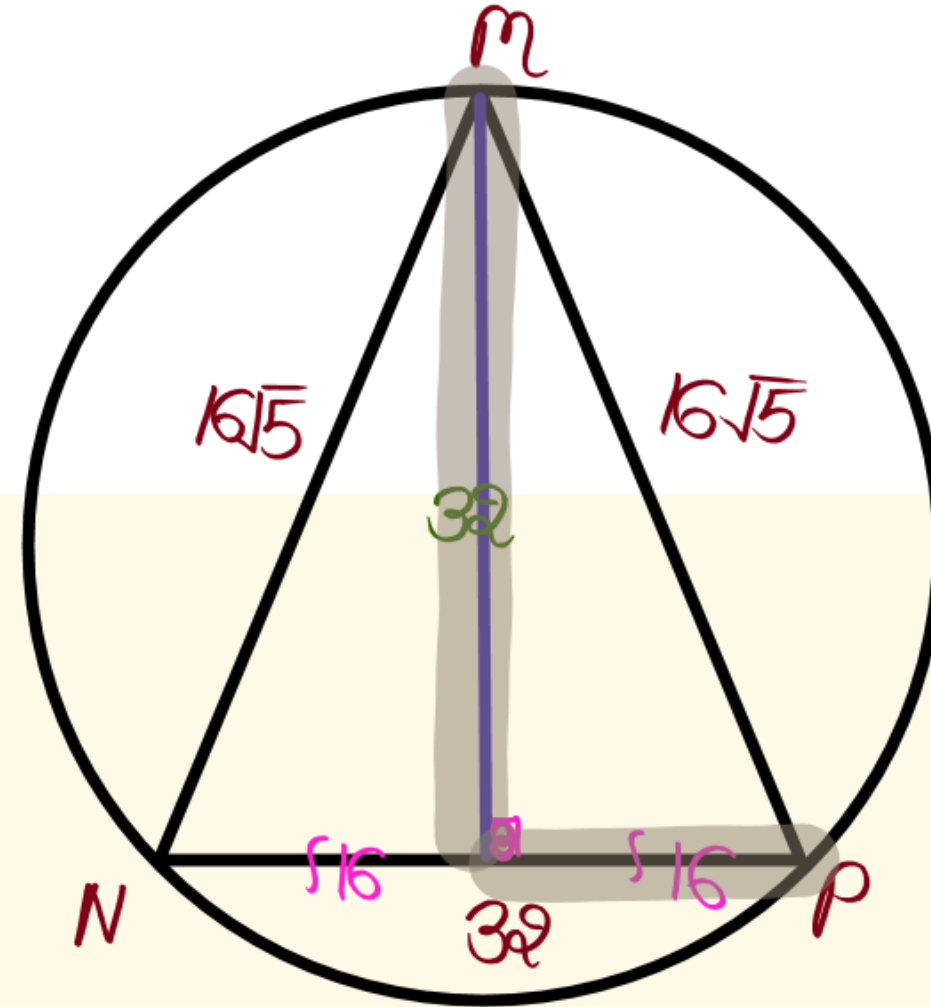
[A] 20
[C] 40

[B] 30
[D] 25

$$R = \frac{abc}{4\Delta}$$

$$= \frac{16\sqrt{5} \times 16\sqrt{5} \times 32}{4 \times 16 \times 32}$$

$$= 20 \text{ cm}$$



37. If the length of each of the two equal sides of an isosceles triangle is 15 cm and the adjacent angle is 30° , then the area of the triangle is:

यदि एक समद्विबाहु त्रिभुज की दो समान भुजाओं में से प्रत्येक की लंबाई 15 cm है और आसन्न कोण 30° है, तो त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात करें।

SSC Selection Post (Phase-XII)

[A] 36.25 cm²

☒ [B] 56.25 cm²

[C] 66.25 cm²

[D] 26.25 cm²

$$\frac{1}{2} \times 15 \times 15 \times \sin 30^\circ = \frac{225}{4} \text{ cm}^2$$

